

2016年上半年教师资格证考试《初中数学》题

一. 单项选择题：下列各题的备选答案中，只有一个是符合题目要求的，请根据题干要求选择正确答案。（本大题共8小题，每小题5分，共40分）

- 极限 $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{1}{n}\right)^{\frac{1}{n}}$ 的值是（ ）。
 - A. 0
 - B. 1
 - C. e
 - D. $\frac{1}{e}$
- 下列级数中，不收敛的是（ ）。
 - A. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n}$
 - B. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n!}$
 - C. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n}$
 - D. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2}$
- 方程 $x^2 - y^2 + z^2 = -1$ 所确定的二次曲面是（ ）。
 - A. 椭球面
 - B. 旋转双曲面
 - C. 旋转抛物面
 - D. 圆柱面
- 若函数 $f(x)$ 在 $[0, 1]$ 上黎曼可积，则 $f(x)$ 在 $[0, 1]$ 上（ ）。
 - A. 连续
 - B. 单调
 - C. 可导
 - D. 有界
- 矩阵 $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ 的特征值的个数为（ ）。
 - A. 0
 - B. 1
 - C. 2
 - D. 3
- 二次型 $x^2 - xy + y^2$ 是（ ）。
 - A. 正定的
 - B. 半正定的
 - C. 负定的
 - D. 半负定的
- 下面不属于第三段“数与代数”内容的是有（ ）。
 - A. 实数
 - B. 平均数
 - C. 代数式
 - D. 函数
- 创新意识的培养是现代数学教育的基本任务，应体现在数学教与学的过程之中，下面表述中不适合在教学中培养学生创新意识的是（ ）。
 - A. 发现和提出问题
 - B. 寻求解决问题的不同策略
 - C. 规范数学书写
 - D. 探索结论的新应用

二. 简答题：请按题目要求，进行简答。（本大题共5小题，每小题7分，共35分）

- （计算题）设质点在平面上的运动轨迹为 $\begin{cases} x = t - \sin t, \\ y = 1 - \cos t, \end{cases} t \geq 0$ 。求质点在时刻 $t = 1$ 的速度的大小。
- （计算题）设球面方程为 $x^2 + y^2 + z^2 = 9$ 。求它在点 $(1, 2, 2)$ 处的切平面方程。
- （计算题）设概率空间为 $\Omega = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ ，且这六个数的出现率均为 $\frac{1}{6}$ 。设事件 $A = \{1, 3, 5\}$ ，事件 $B = \{1, 2\}$ 。请回答事件 A 和 B 是否独立，并说明理由。

2016年上半年教师资格证考试《初中数学》题

12. (论述题) 《义务教育数学课程标准(2011年版)》有两类行为动词, 其中一类是描述结果目标的行为动词, 包括“了解”“理解”“掌握”“运用”, 请以“平行四边形”概念为例, 说明“理解”的基本含义。

13. (论述题) 以“三角形的中位线定理”教学为例, 简述数学定理教学的主要环节。

三. 解答题: 请对以下题目进行解答。 (本大题共1小题, 共10分)

14. (计算题) $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 3 & 4 & 1 \end{pmatrix}$

设 $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 3 & 4 & 1 \end{pmatrix}$, 求子空间 $A(R^3) = \{Aa | a \in R^3\}$ 的一组正交基。{ $\varepsilon_1, \varepsilon_2, \varepsilon_3$ }

四. 论述题: 运用相关知识对以下题目进行论述。 (本大题共1小题, 共15分)

15. (论述题) “严谨性与量力性相结合”是数学教学的基本原则。

(1) 简述“严谨性与量力性相结合”教学原则的内涵(3分);

(2) 初中数学教学中“负负得正”运算法则引入的方式有哪些? 请写出至少两种(6分);

(3) 在初中“负负得正”运算法则的教学中, 如何体现“严谨性与量力性相结合”的教学原则? (6分)

五. 案例分析题: 阅读材料, 回答问题。 (本大题共1小题, 共20分)

16. (分析题) 案例:

在“有理数运算”的习题课上, 有这样一道题:

$$\text{计算: } (-105\frac{5}{7}) \div (-5) - 2 \times \left(-\frac{3}{8} + \frac{1}{2}\right)。$$

学生甲的计算:

$$\begin{aligned} & (-105\frac{5}{7}) \div (-5) - 2 \times \left(-\frac{3}{8} + \frac{1}{2}\right) \\ &= -21\frac{1}{7} + \frac{3}{4} + \frac{1}{4} \\ &= 20\frac{1}{7}。 \end{aligned}$$

学生乙的计算:

$$\begin{aligned} & (-105\frac{5}{7}) \div (-5) - 2 \times \left(-\frac{3}{8} + \frac{1}{2}\right) \\ &= 105\frac{5}{7} \times \frac{1}{5} + \frac{3}{4} + \frac{1}{4} \\ &= 528\frac{4}{7} + \frac{7}{4} \\ &= 20\frac{25}{28}。 \end{aligned}$$

学生丙的计算:

$$\begin{aligned} & (-105\frac{5}{7}) \div (-5) - 2 \times \left(-\frac{3}{8} + \frac{1}{2}\right) \\ &= 105\frac{5}{7} \div 5 - [2 \times (-\frac{3}{8}) + 2 \times \frac{1}{2}] \\ &= 21\frac{1}{7} - \frac{1}{4} \\ &= 20\frac{25}{28}。 \end{aligned}$$

问题:

(1) 判断学生甲、乙、丙的运算过程是否正确; (4分)

(2) 请指出学生运算过程中的错误, 并分析产生错误的原因; (8分)

(3) 针对有理数的运算, 谈谈如何提高学生的运算能力。 (8分)

六. 教学设计题: 请根据提供的教学材料和相关情况, 按要求完成教学设计。 (本大题共1小题, 共30分)

17. (分析题) 针对“一元二次方程”起始课的教学, 两位老师给出了如下教学片断:

2016年上半年教师资格证考试《初中数学》题

【教师甲】

设置问题：请同学们根据下列问题，只列出含未知数 x 的方程：

(1) 一个正方形的面积为2，求正方形的边长 x 。

(2) 长度为1的线段 AB 上有一点 C ，且满足 $\frac{AC}{AB} = \frac{BC}{AC}$ ，求线段 AC 的长 x 。

预设：学生会分别列出两个方程。

教师要求学生分别整理成方程左侧降幂排序，右侧为零的形式，然后引导学生完成下面两件事：对比“一元一次方程”的定义，为这类方程定义一个名称——一元二次方程。再请学生自行写出几个不同的一元二次方程，并提炼出一元二次方程的一般表达式。

【教师乙】

上课开始。提问：什么是“一元一次方程”？请你根据“一元一次方程”的定义，给出“一元二次方程”的定义，并举出几个“一元二次方程”的例子。在学生举例的基础上，提炼出“一元二次方程”的一般表达式。请完成下列任务：

(1) 请分析两位老师引入“一元二次方程”概念设计方案的各自的特点。（15分）

(2) 在教学中，当引入一个新的数学概念之后，往往通过例题、习题加深对概念的理解。请针对“一元二次方程”概念，设计不同难度的两道例题和两道练习题，加深学生对“一元二次方程”概念的理解。（15分）